

Исследование специальных видов постквантовых электронных подписей и проблем их реализации

Сергей Гребнев

Руководитель направления
прикладных исследований



Актуальность

В связи с текущим переходом на постквантовые алгоритмы важно исследовать постквантовые варианты специальных видов подписей, которые имеют широкое применение в большом количестве практических приложений



Пороговые подписи

Пороговые подписи – электронные подписи, в которых участники могут создавать группы таким образом, что только определенные подмножества группы могут создавать подписи от имени группы

Пороговые подписи применяются:

- Для обеспечения безопасности цифровых кошельков
- В финансовой среде, где подписывающие лица должны нести ответственность за созданные ими пороговые подписи
- В схемах электронного голосования
- Для безопасности мобильных агентов
- ... и другое

- Большинство работ носят теоретический характер и не предлагают эффективных реализаций
- Основные примитивы: решётки, изогении, хэш-функции
- Основные проблемы: размеры общей коммуникации, многораундовость
- Пример: пороговая подпись Raccoon^{*} (решётки). Для уровня безопасности NIST-1:
 - Количество раундов – 3
 - Открытый ключ – 3,9 Кбайт
 - Подпись – 12,7 Кбайт
 - Общая коммуникация на одного участника – 40,8 Кбайт

^{*} Threshold Raccoon: Practical Threshold Signatures from Standard Lattice Assumptions / R. del Pino [и др.]. – 2024. – URL: <https://eprint.iacr.org/2024/184>. Cryptology ePrint Archive, Paper 2024/184

Кольцевые подписи

Кольцевая подпись — тип электронной подписи, который позволяет некоторому участнику группы подписать сообщение от имени всей группы, сохраняя при этом собственную анонимность

Кольцевые подписи применяются:

- Для анонимного информирования общественности о нарушениях
- В криптовалютах для возможности делать транзакции неотслеживаемыми
- В схемах электронного голосования и электронных денег
- Для защиты авторских прав
- ... и другое

- Наиболее изученное направление из рассматриваемых: представлены схемы и их эффективные реализации
- Основные примитивы: изогении, решётки
- Основные проблемы: размеры ключей и подписей

Постквантовые кольцевые подписи

Сравнительная таблица размеров кольцевых подписей и открытых ключей при различных размерах кольца

Название схемы кольцевой подписи	Размер подписи (Кб) при различных n (n – размер кольца)					Размер открытого ключа, Кб
	$n = 2$	$n = 2^3$	$n = 2^6$	$n = 2^{10}$	$n = 2^{12}$	
Calamari (изогении)	3.5	5.4	8.2	10.4	14	0.06
Falaf (решётки)	29	30	32	32.5	35	1.28
DualRing (решётки)	4.48	4.63	6.02	30.13	106.57	2.84
Smile (решётки)	*	*	> 16	18	*	2
Erebor (изогении)	0.35	1.34	10.64	170	680	0.06
Durian (изогении, не реализован)	4.08	*	*	9.87	*	0.06
Gandalf (решётки)	1.21	4.76	37.9	606.02	2424	0.89

Кольцевые пороговые подписи

Кольцевая пороговая подпись — расширение концепции кольцевых подписей, которое добавляет возможность создания подписи только при участии определённого числа участников группы (порога)

Кольцевые пороговые подписи применяются в тех же сферах, что и кольцевые подписи, с дополнительными требованиями к системам, где важна гибкость или необходимо собрать анонимный кворум

- Схемы существуют почти во всех разделах постквантовой криптографии: коды, решётки, многомерные уравнения, изогении
- Основные проблемы: крайне неэффективны; в работе * было указано, что схемы, построенные на основе преобразования Фиата-Шамира, не всегда обеспечивают надёжность в модели QROM
- Работа * предлагает концепцию стойкой в модели QROM схемы, но не имеет какой-либо практической реализации

Постквантовые кольцевые пороговые подписи

Сравнительная таблица размеров кольцевых пороговых подписей

Алгоритм подписи	Уровень безопасности λ , бит	Размер подписи при $t = 50, N = 100$, Мб (N – число участников, t – порог схемы)	Размер открытого ключа, Кб
Работа ¹	*	2	34713.6
Работа ²	80	1.25	0.008
Работа ³	111	12.8	8.19
Работа ⁴	80	0.62	3584
Работа ⁵	128	0.069	0.06

[1] A new efficient threshold ring signature scheme based on coding theory / С. А. Melchor [и др.] // IEEE Transactions on Information Theory. – 2011. – т. 57, № 7. – с. 4833–4842

[2] Assidi H., Ayebe E. B., Souidi E. M. An efficient code-based threshold ring signature scheme // Journal of information security and applications. – 2019. – т. 45. – с. 52–60

[3] Bettaieb S., Schrek J. Improved lattice-based threshold ring signature scheme // Post-Quantum Cryptography: 5th International Workshop, PQCrypto 2013, Limoges, France, June 4-7, 2013. Proceedings 5. – Springer Berlin Heidelberg, 2013. – С. 34-51

[4] Petzoldt A., Bulygin S., Buchmann J. A multivariate based threshold ring signature scheme // Applicable Algebra in Engineering, Communication and Computing. – 2013. – т. 24. – с. 255–275

[5] Pham M. T. T. et al. Threshold Ring Signature Scheme from Cryptographic Group Action // International Conference on Provable Security. – Cham : Springer Nature Switzerland, 2023. – С. 207-227

Кольцевые связываемые подписи

Кольцевая связываемая подпись — расширение концепции кольцевых подписей, которое добавляет возможность проверки, были ли две подписи созданы одним и тем же участником группы, без раскрытия его личности

Кольцевые связываемые подписи имеют схожее применение, что и кольцевые подписи, в том числе они применяются:

- В схемах электронного голосования
- В криптовалютах для возможности отслеживания мошеннических действий
- В анонимных аукционах, где пользователи подписывают транзакции, впоследствии объединяя их и исследуя легитимность покупателя
- ... и другое

- В настоящее время активно разрабатываются постквантовые кольцевые связываемые подписи
- Основные примитивы: изогении, решётки, коды
- Основные проблемы: размеры подписи

Сравнительная таблица размеров кольцевых связываемых подписей, Кб

Название схемы	Количество пользователей в кольце					Размер открытого ключа, Кб
	$n = 2$	$n = 2^3$	$n = 2^6$	$n = 2^{10}$	$n = 2^{12}$	
Calamari	3.5	5.4	8.2	10.4	14	0.06
Falaf	29	30	32	32.5	35	1.28
L2RS	*	44.3	340.4	*	*	1.92
Работа ¹	*	82.5	> 305.7	> 1198	*	8
Работа ²	5.38	14.38	98.4	1536	6144	8
Работа ³	77.6	310.4	2483	39731	158925	98.2

[1] Baum C., Lin H., Oechsner S. Towards practical lattice-based one-time linkable ring signatures // International Conference on Information and Communications Security. – Cham : Springer International Publishing, 2018. – С. 303-322

[2] Ren Y., Guan H., Zhao Q. An efficient lattice-based linkable ring signature scheme with scalability to multiple layer // Journal of Ambient Intelligence and Humanized Computing. – 2022. – С. 1-10

[3] Branco P., Mateus P. A code-based linkable ring signature scheme // Provable Security: 12th International Conference, ProvSec 2018, Jeju, South Korea, October 25-28, 2018, Proceedings 12. – Springer International Publishing, 2018. – С. 203-219

Кольцевые прослеживаемые подписи

Кольцевая прослеживаемая подпись — расширение концепции кольцевых подписей, которое добавляет возможность сохранения анонимности подписанта до тех пор, пока он не подпишет определённое сообщение или не нарушит правила системы

Данный вид подписи достаточно специфичен и имеет в целом намного более узкую применимость, чем те же кольцевые или пороговые подписи. Некоторыми из сфер применения являются:

- Анонимное голосование в электронной доске объявлений
- Системы анонимной аутентификации
- Системы электронных денег

- Основные примитивы: коды, решётки, хэш-функции
- Основные проблемы: размеры ключей, подписей, поддерживаемый размер кольца
- Пример: подпись * (коды)
 - Уровень безопасности – $\lambda = 128$ бит
 - Число участников – $N = 3$
 - Открытый ключ – $3.75 \cdot 10^3$ Кб
 - Подпись – $9.87 \cdot 10^3$ Кб

Протоколы с нулевым разглашением

Протокол с нулевым разглашением — криптографический протокол, позволяющей одной стороне доказать другой стороне знание секрета, не раскрывая никакой информации о самом секрете

Протоколы с нулевым разглашением применяются:

- При построении схем электронной подписи
- В приложениях, связанных с технологиями, обеспечивающими приватность (PET)
- В блокчейн-системах
- ... и другое

- Основные проблемы: большие размеры доказательств
- Специальные протоколы с нулевым разглашением для построения электронных подписей: схема Штерна, протокол идентификации CSI-FiSh и другие
- Протоколы zk-SNARK, zk-STARK, zk-BOO для использования в блокчейн
Размеры доказательств для одной транзакции:
 - zk-SNARK – 200 байт
 - zk-STARK – 45 Кбайт
 - zk-BOO – от 224 до 836 Кбайт

Соавторы доклада



Сергей Гребнев

Руководитель
направления
прикладных
исследований



Вадим Давыдов

Криптограф-
исследователь, PhD



Ирина Полтавская

Коммерческий
директор



Алексей Курочкин

Руководитель
направления



Сергей Гребнев

Руководитель направления
прикладных исследований

sg@qapp.tech

[@pikkunorsu](#)



qapp.tech

Sk Участник