

Ежегодная международная научно-практическая конференция  
**«РусКрипто'2022»**

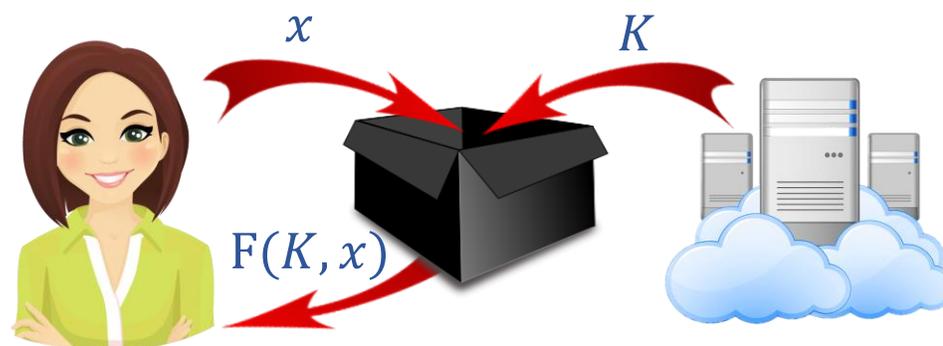
**Псевдослучайные функции «с забыванием»  
в механизмах защиты на основе паролей**

Ахметзянова Л.Р., зам. начальника отдела криптографических исследований, КристоПро  
Никифорова Л.О., инженер-аналитик, КристоПро

Псевдослучайная функции «с забыванием» – Oblivious Pseudorandom Function (OPRF)

## OPRF. Определение

- OPRF – интерактивный протокол между клиентом и сервером.
  - Вход: клиент обладает данными  $x \in \mathcal{X}$ , сервер обладает ключом  $K \in \mathcal{K}$ .
  - Выход: клиент получает значение  $F(K, x) \in \mathcal{Y}$ , сервер ничего не получает;  
 $F: \mathcal{K} \times \mathcal{X} \rightarrow \mathcal{Y}$  – псевдослучайная функция.



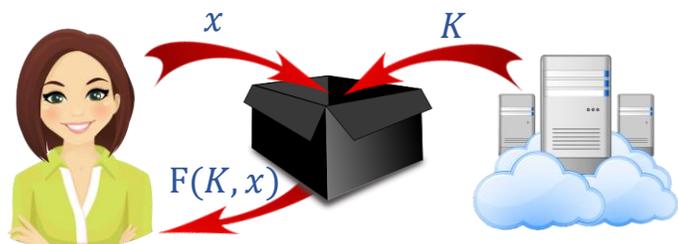
# Свойства (неформально)

## 1. Конфиденциальность

Сервер не должен получить никакой информации о  $x$ .

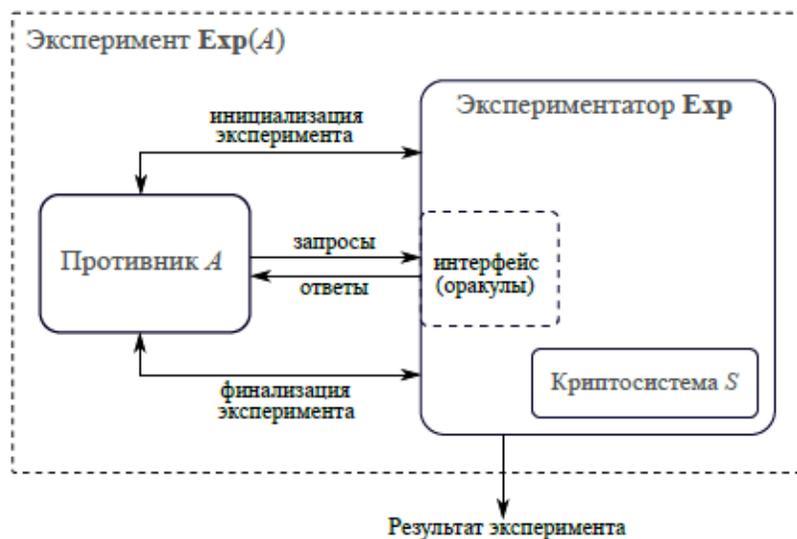
## 2. Свойство PRF

До начала взаимодействия с сервером значение  $F(K, x)$  должно быть непредсказуемым для клиента.

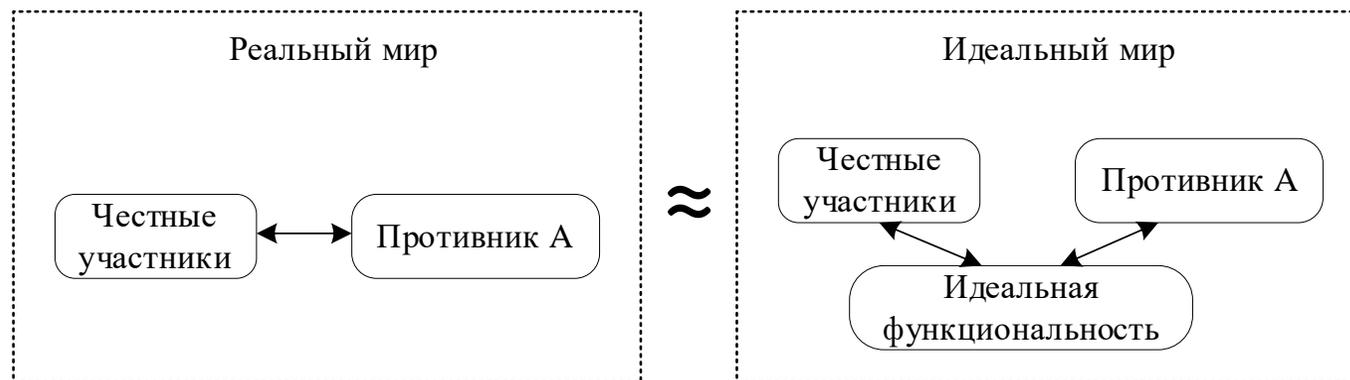


# Подходы к формализации свойств

Алгоритмический  
(Game-based)

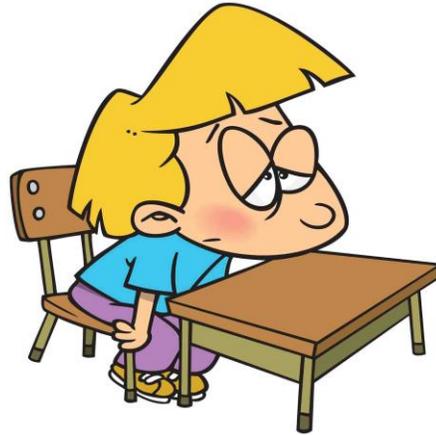


На основе идеальной функциональности  
(Simulation-based)



# Алгоритмический подход

- Существуют только слабые модели.
- Рассматриваются только пассивные противники.



Casacuberta S., Hesse J., Lehmann A. SoK: Oblivious Pseudorandom Functions //Cryptology ePrint Archive. – 2022.

Lehmann A. ScrambleDB: Oblivious (Chameleon) Pseudonymization-as-a-Service //Proc. Priv. Enhancing Technol. – 2019. – Т. 2019. – №. 3. – С. 289-309.

# Идеальная функциональность для OPRF

- Необходимо описать функционирование «идеального» протокола OPRF.
- Противник может компрометировать любого честного участника.
- OPRF выполняет свойство конфиденциальности и свойство PRF, если в реальном мире противник может получить только те данные, которые он может получить в идеальном.

## Формальное описание идеальной функциональности

$F_S(x) \stackrel{u}{\leftarrow} \{0,1\}^\lambda$  для тех  $x$ , для которых  $F_S$  ещё не определена.

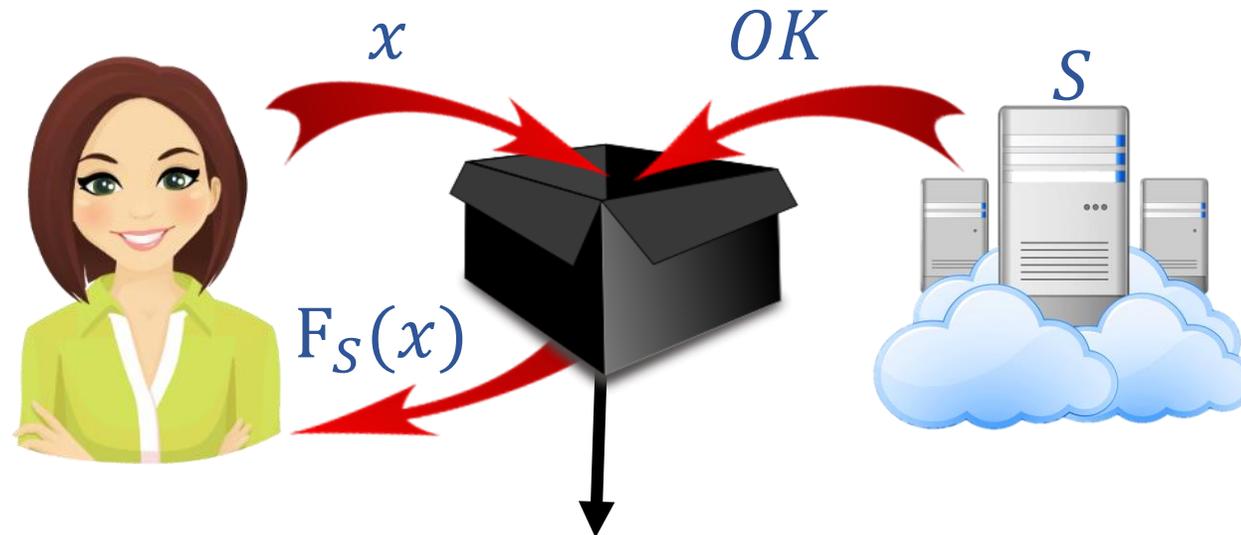
(Init): Доверенная сторона, получив Init от сервера  $S$ , отправляет  $(\text{Init}, S)$  противнику  $\mathcal{A}$ .

(Eval): Доверенная сторона, получив  $(\text{Eval}, ssid, x)$  от клиента  $C$ :  
- отправляет  $(\text{Eval}, ssid, S)$  серверу  $S$  и противнику  $\mathcal{A}$ ;  
- сохраняет  $(C, ssid, S, x)$ .

(Procced): Доверенная сторона, получив  $(\text{Procced}, ssid)$  от сервера  $S$ :  
- отправляет  $\mathcal{A}$   $(\text{Procced}, ssid)$  и получает в ответ  $(ssid, S')$ ;  
- возвращает ошибку, если  $S \neq S'$  и сервер честный;  
- возвращает  $(ssid, F_{S'}(x))$  клиенту  $C$ .

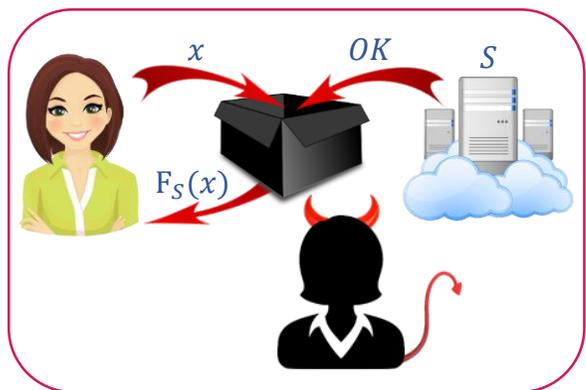
(OfflineEval): Доверенная сторона, получив  $(\text{OfflineEval}, x)$  от  $\mathcal{A}$ , отправляет в ответ  $F_S(x)$ , если сервер  $S$  скомпрометирован.

# Принцип работы идеального протокола OPRF

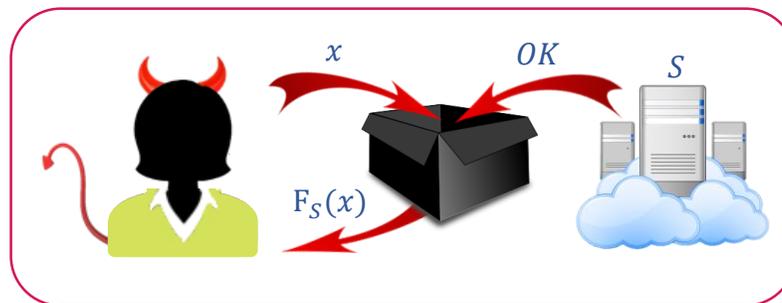


	$x_1$	...	$x$	...	$x_n$
$S_1$	$F_{S_1}(x_1)$				$F_{S_1}(x_n)$
...					
$S$			$F_S(x)$		
...					
$S_m$	$F_{S_m}(x_1)$				$F_{S_m}(x_n)$

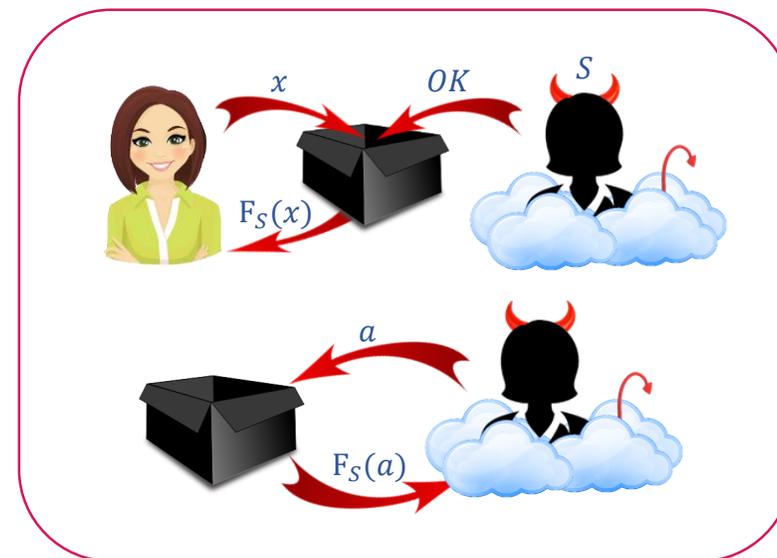
# Влияние противника на идеальный протокол



Внешний противник:  
не знает  $x$ ;  
не знает  $F_S(x)$ .



Клиент-противник:  
знает  $x$ ;  
знает  $F_S(x)$  – случайное значение.



Сервер-противник:  
не знает  $x$ ;  
есть доступ к оракулу  $F_S(\cdot)$ .

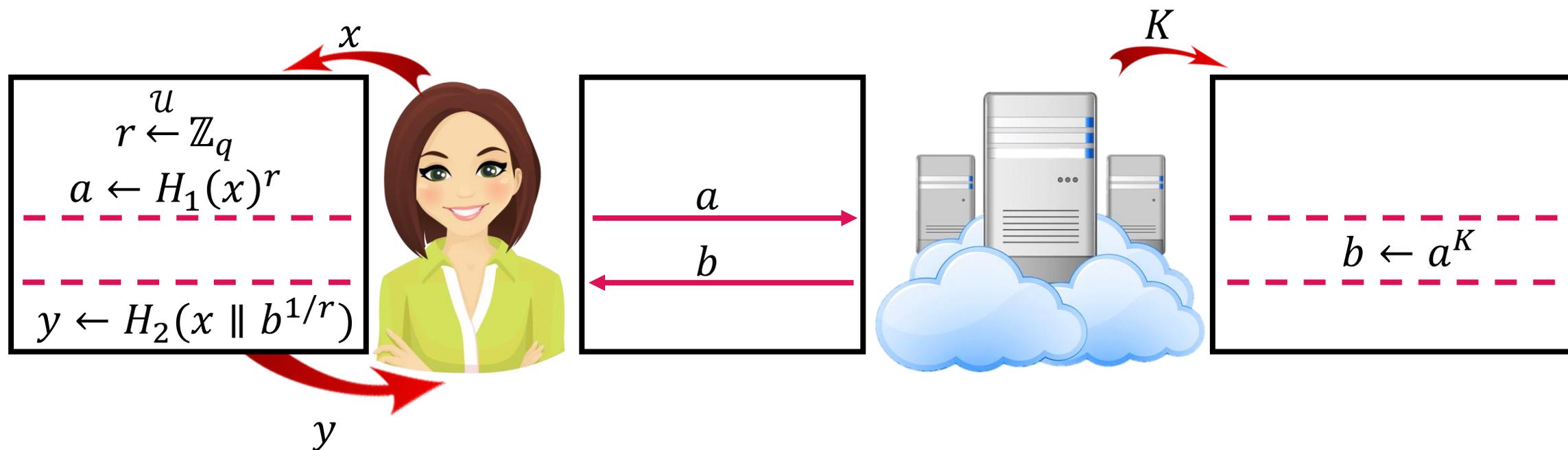
# OPRF. Пример

$$\mathbb{G} = \langle g \rangle$$

$$H_1: \mathcal{X} \rightarrow \mathbb{G}, \quad H_2: \mathbb{G} \rightarrow \mathcal{Y}$$

– циклическая группа порядка  $q$ ;

– хэш-функции.



1. Конфиденциальность: за счет маскирования с помощью случайного  $r$ .
2. Свойство PRF: за счет сложности задачи one-more Gap DH.

# Применение OPRF



Зачем нужны эти свойства?

Их можно использовать в механизмах защиты на основе паролей.



## Механизмы защиты на основе паролей

- ✓ Удобны в использовании.
- ✗ Используют малоэнтропийные секреты.

Решение проблемы: использовать дополнительный сервер

# Механизмы защиты на основе паролей

- Менеджер паролей
- Хранение данных на устройстве

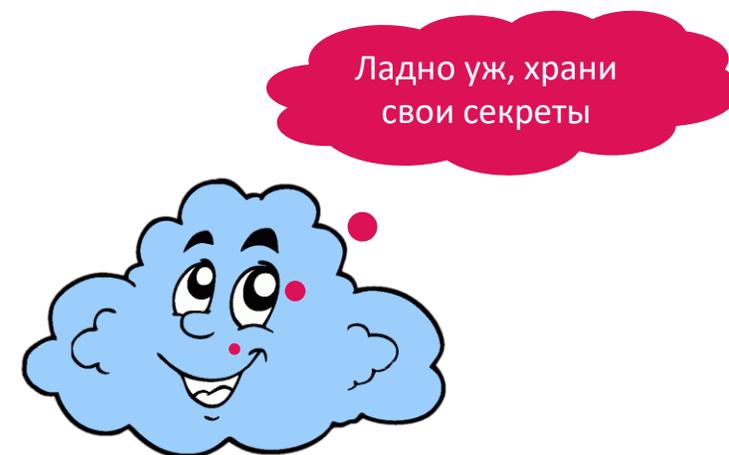


# Менеджер паролей

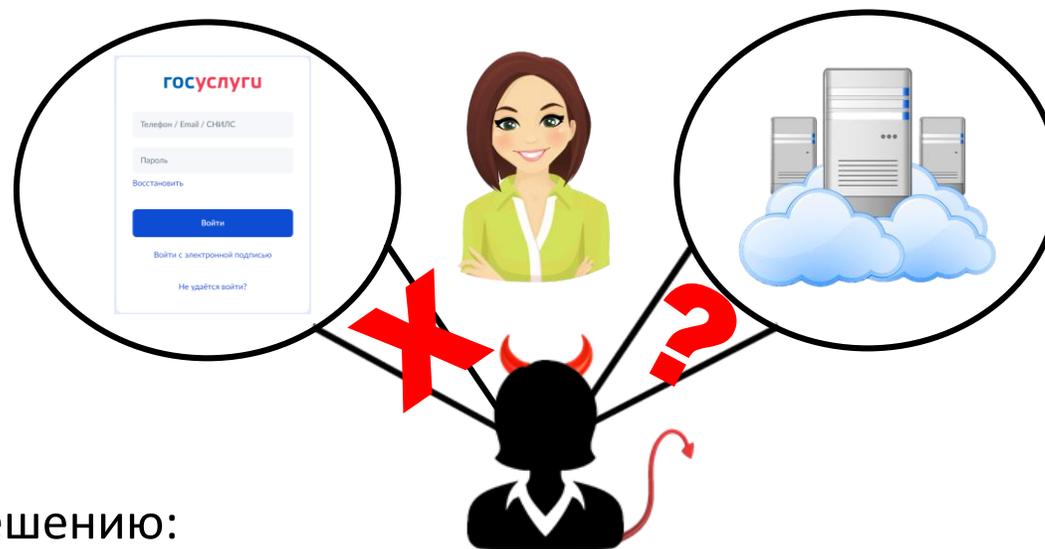


**Проблема:** пользователю необходимо запоминать пароли от различных сервисов. Это приводит к тому, что используются слабые пароли, а часто и одинаковые для разных сервисов.

**Подход к решению:** использовать сервер для генерации паролей пользователя от различных сервисов и получения к ним доступа. Для доступа использовать один мастер-пароль.



# Менеджер паролей

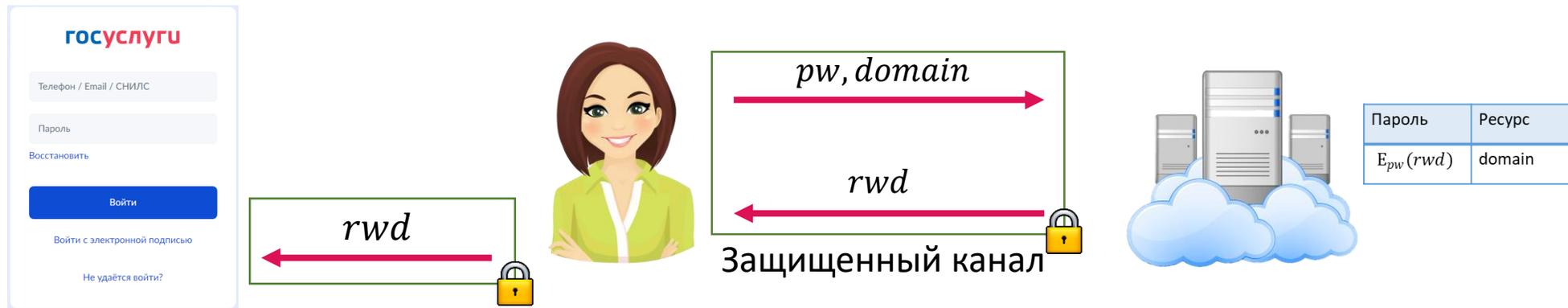


Что дает такой подход к решению:

- для аутентификации на сервисе используется высокоэнтропийный секрет;
  - ✓ компрометация БД сервиса (хэш-значения паролей) не приводит к восстановлению секрета .
- для различных сервисов используются разные секреты;
  - ✓ один сервис не может аутентифицировать в качестве пользователя на другом сервисе.

**!** Что может сделать противник – менеджер паролей зависит от реализации подхода.

# Классическое решение



Противник – сервер менеджера паролей



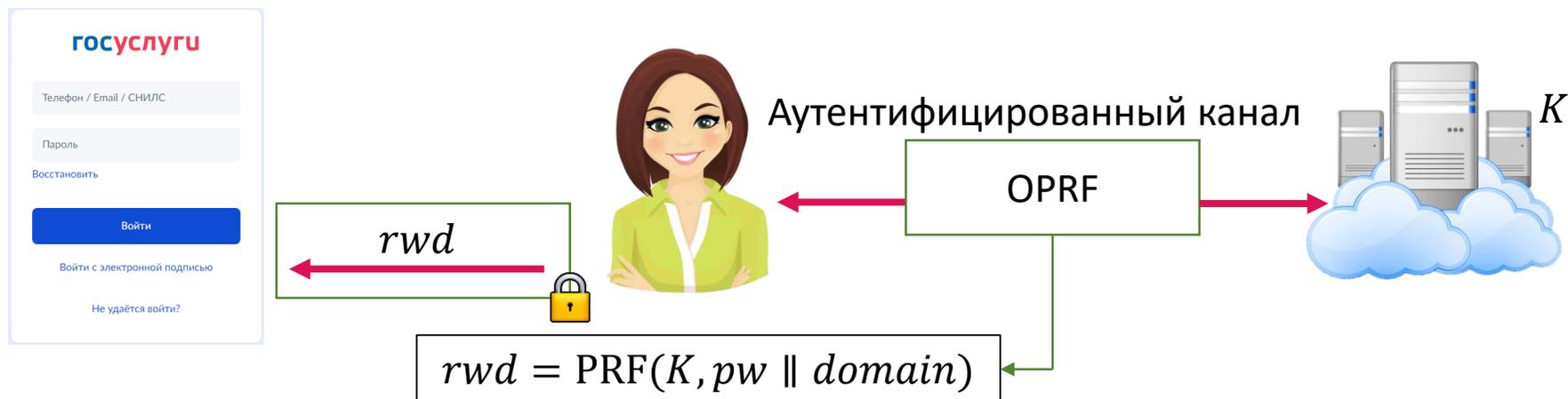
Получает мастер-пароль клиента.



Может расшифровать пароль клиента от любого сервиса.

# Решение на основе OPRF

SPHINX



Противник – сервер менеджера паролей



Получает высокоэнтропийную часть секретов клиента от всех сервисов.



Необходимо выполнять онлайн перебор пароля  $pw$ .

# Хранение данных на устройстве



**Проблема:** необходимо обеспечить защиту данных, хранимых на устройстве, в случае кражи устройства.

**Подход к решению:** для защиты данных использовать пароль, который не хранится на устройстве.



# Классическое решение

Зашифровать данные на устройстве на пароле.

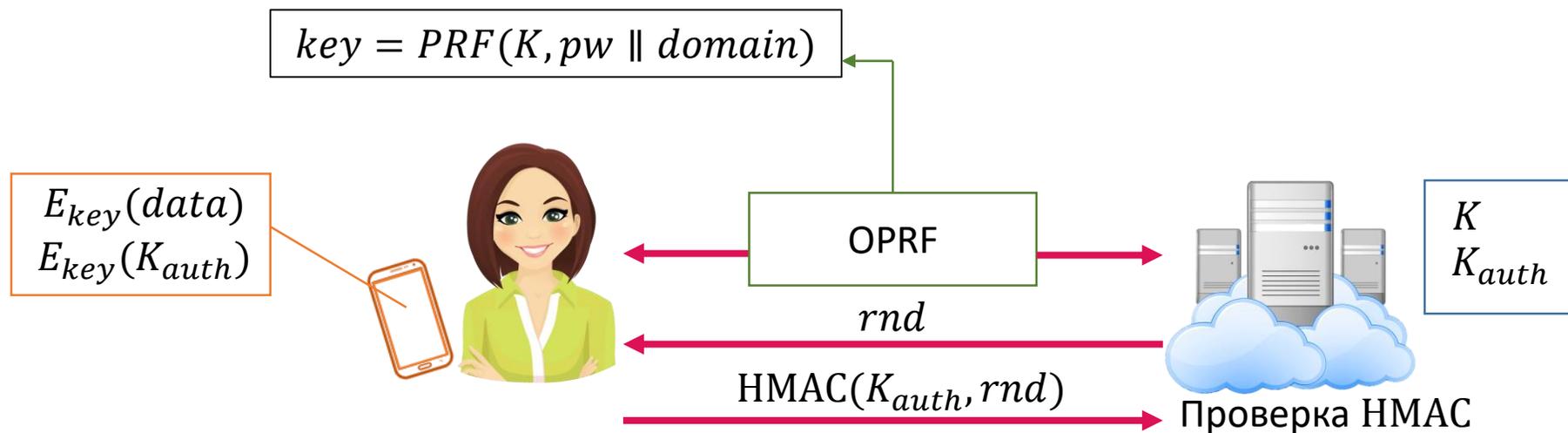


Противник – вор



Получает возможность оффлайн перебора пароля.

# Решение на основе OPRF

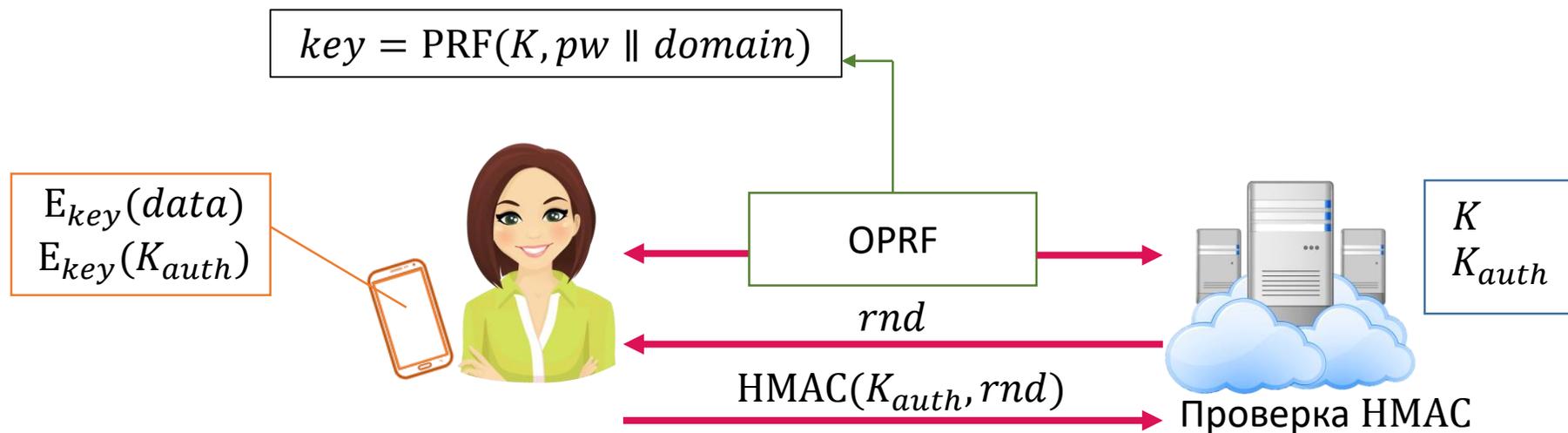


Противник – вор



Необходимо выполнять онлайн перебор пароля  $pw$ .

# Решение на основе OPRF



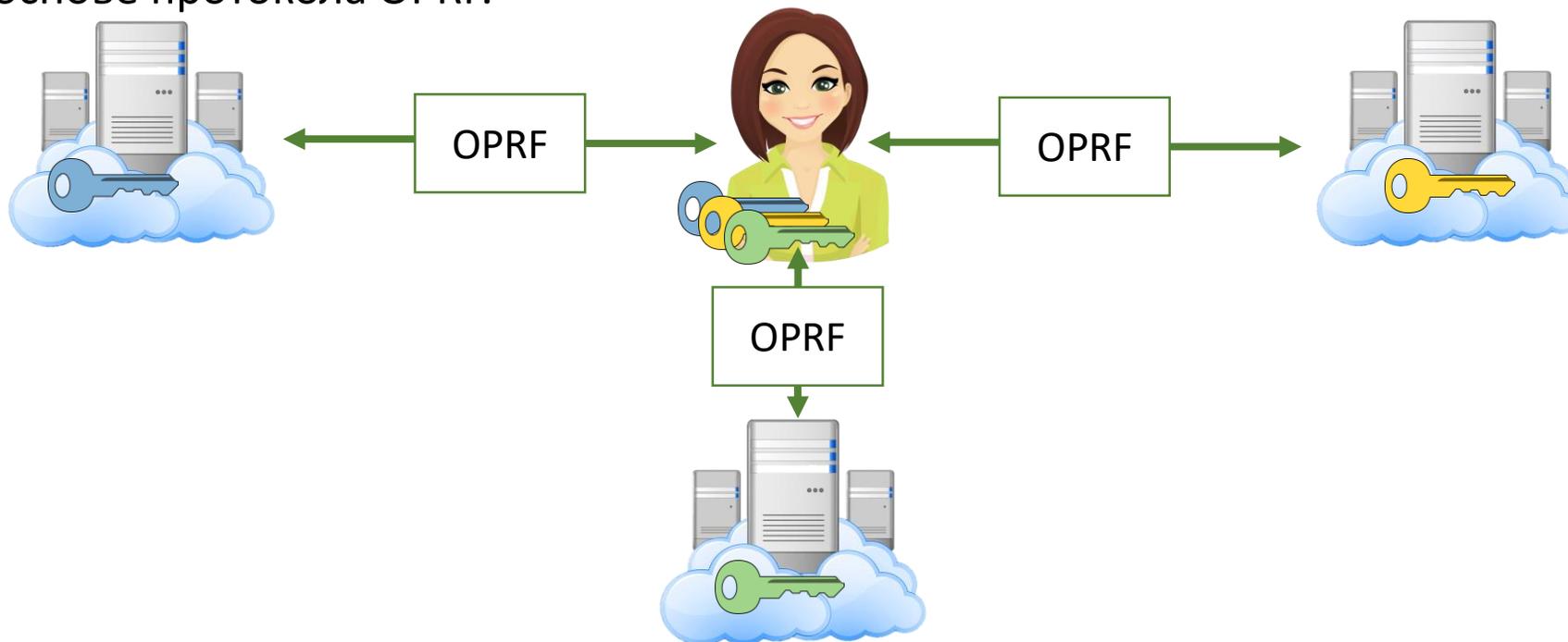
Необходимо выполнять офлайн перебор пароля  $pw$ .

Противник – сервер + вор

# Вместо заключения

Вместо одного сервера можно использовать несколько серверов для хранения секрета пользователя.

Для этого можно использовать схемы распределенного хранения с доступом по паролю на основе протокола OPRF.



**Спасибо за внимание!**

**Вопросы ???**

# Контактная информация

**Электронная почта:**

[nikiforova@cryptopro.ru](mailto:nikiforova@cryptopro.ru)

**Телефон:**

+7 985 665-79-94

**Сайт:**

[www.cryptopro.ru](http://www.cryptopro.ru)



# One-more GAP DH

$\mathbb{G} = \langle g \rangle$  – циклическая группа;

Противник получает набор  $(g, g^k, g_1, \dots, g_N)$ , имеет доступ к оракулам:

- $(\cdot)^k$  (Q запросов);
- *DDH*.

Противник решает задачу one-more GAP DH, если возвращает Q+1 пару  $\{(g_{t_i}, g_{t_i}^k)\}_{i=1..Q+1}$